

# Laufzeitoptimierte VHDL Bibliothek zur Verifikation und Simulation kryptographischer Prozessoren

Mathias Schmalisch · Hagen Ploog · Dirk Timmermann

Universität Rostock

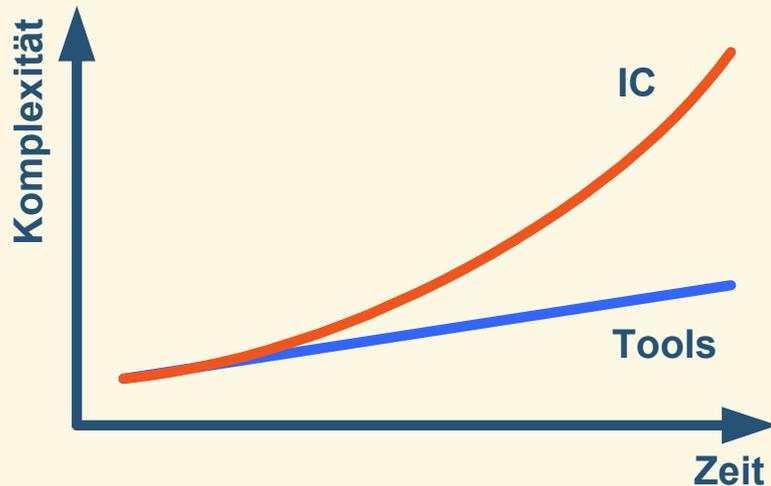


# Übersicht

- Motivation
- Arithmetik
- Implementierung
- Optimierung der Bibliothek
- Validierung
- Zusammenfassung

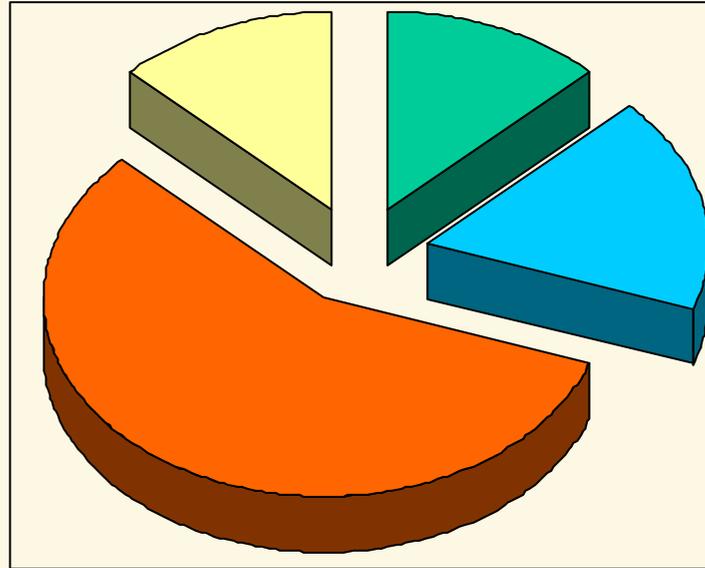


# Chipentwurf



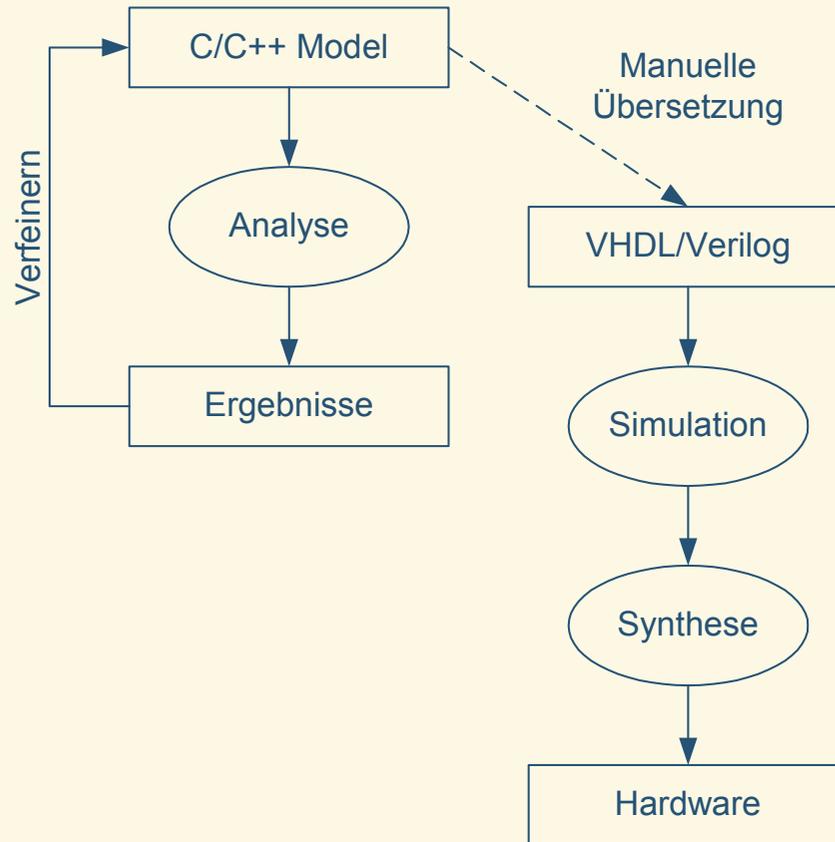
- Produktzyklen werden immer kürzer
- Exponentieller Anstieg der Komplexität in modernen IC's
- Steigerung der Produktivität von Entwicklungstools wächst nur linear

# Aufwand Simulation & Verifikation



- Der Aufwand für die Simulation und Verifikation liegt bei aktuellen IC's zwischen 50 - 70%
- Mit steigender Komplexität der IC's wächst auch der Simulationsaufwand
- Längere Spezifikationsphase verkürzt die Kodierungsphase, aber nicht die Simulations- & Verifikationsphase
- Dringender Bedarf für die Optimierung der Simulation und Verifikation

# Referenzmodell



- Referenzimplementierung üblicherweise in C/C++, daher Testvektorenaustausch z.B. über File-I/O
- Manuelle Übersetzung ist zusätzliche Fehlerquelle
- Eine homogene Lösung ist vorteilhafter (Referenzmodell in VHDL)
- Automatische Generierung von Testmustern und -vektoren

# Motivation

- IEEE Standardbibliotheken fehlen wichtige Funktionen für Bitvektoren:
  - ▶ Division
  - ▶ Modulo
  - ▶ ...
- Zusätzliche VHDL-Bibliothek für Simulation kryptographischer Funktionen wird benötigt

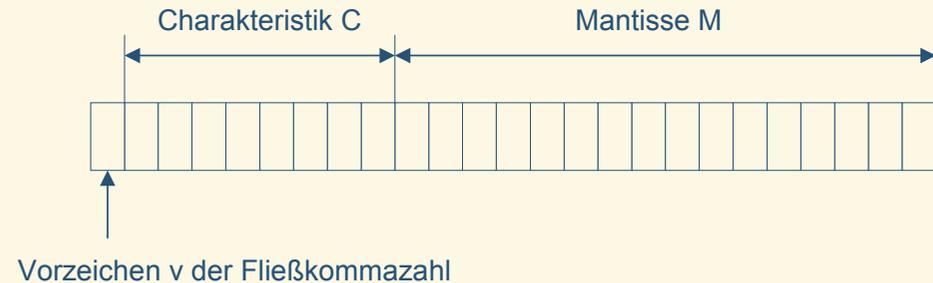
# Übersicht

- Motivation
- **Arithmetik**
- Implementierung
- Optimierung der Bibliothek
- Validierung
- Zusammenfassung



# Langzahlarithmetik

- Fließkommazahlen für Kryptographie ungeeignet, da bei großen Zahlen gerundet wird



- Ausweg: **Langzahlarithmetik**
  - ▶ Bis auf die letzte Stelle genau

# Multiple Precision Arithmetic (MPA)

- Operationen mit großen Zahlen werden auf kleinere Funktionen abgebildet
  - ▶ z.B. Addition von 1024 Bit Zahlen mit 16 Bit Addierer
- Umwandlung durch folgenden Formel:

$$X = \sum_{i=0}^{x-1} x_i 2^i = \sum_{i=0}^{s-1} d_i (2^w)^i = \sum_{i=0}^{s-1} d_i W^i$$

- Vorteil:
  - ▶ Überprüfung von Zwischenergebnissen leicht möglich

# Darstellung vorzeichenbehafteter Zahlen

- Zweierkomplementdarstellung

$$A_{ZK} = 0a_{n-2}a_{n-3}\dots a_1a_0 \quad \text{für eine n-stellige positive Zahl}$$

$$-A_{ZK} = \left( (r-1)\bar{a}_{n-2}\bar{a}_{n-3}\dots\bar{a}_1\bar{a}_0 \right) + 1 \quad \text{für eine n-stellige negative Zahl}$$

- Vorteile:
  - ▶ Positive und negative Zahlen können gleich behandelt werden
  - ▶ Vorzeichen kann am höchstwertigsten Bit erkannt werden

# Übersicht

- Motivation
- Arithmetik
- **Implementierung**
- Optimierung der Bibliothek
- Validierung
- Zusammenfassung



# Aufbau der Bibliothek – mp\_logic

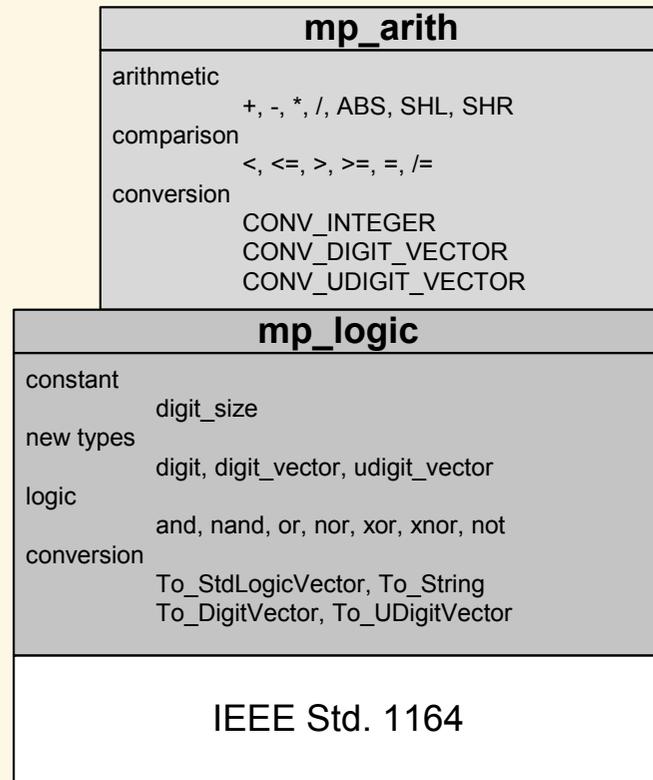
- Aufgesetzt auf die IEEE 1164 Standardbibliothek
- Enthält neue Typen und Konstanten
- Logische Operationen
  - ▶ AND, OR, XOR, NOT, ...
- Konvertierungsfunktionen

| <b>mp_logic</b> |   |
|-----------------|---|
| constant        |   |
|                 | digit_size  |
| new types       |   |
|                 | digit, digit_vector, udigit_vector                              |
| logic           |   |
|                 | and, nand, or, nor, xor, xnor, not                              |
| conversion      |   |
|                 | To_StdLogicVector, To_String<br>To_DigitVector, To_UDigitVector |

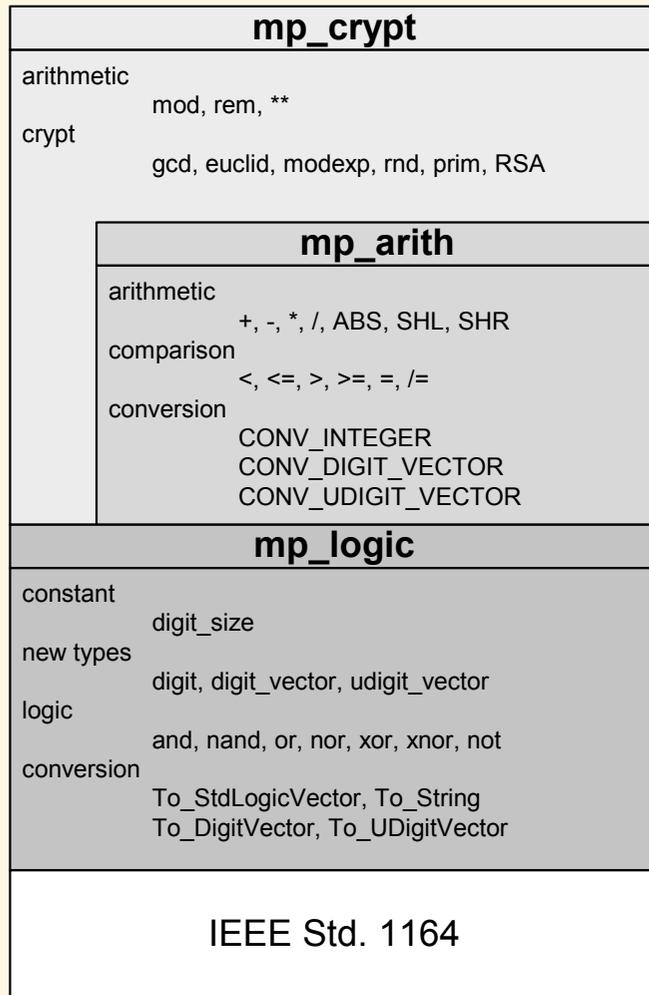
IEEE Std. 1164

# Aufbau der Bibliothek – mp\_arith

- Enthält arithmetische Funktionen
  - ▶ Addition
  - ▶ Subtraktion
  - ▶ Multiplikation
  - ▶ Division
  - ▶ Absolutwert
  - ▶ Links-/Rechtsschieben
- Vergleichsfunktionen
- Funktionen zur Längen Anpassung



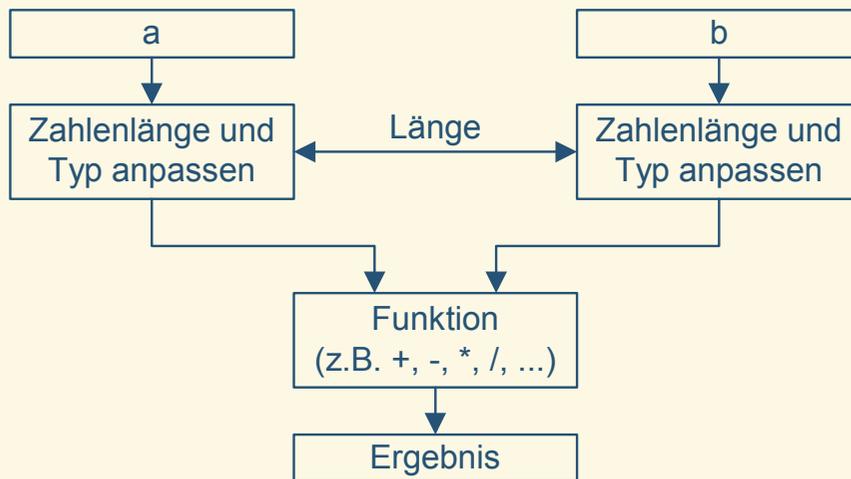
# Aufbau der Bibliothek – mp\_crypt



- Beinhaltet erweiterte arithmetische Funktionen:
  - ▶ Modulo
  - ▶ Remainder
  - ▶ Exponentiation
- kryptographische Funktionen
  - ▶ größter gemeinsamer Teiler (GCD)
  - ▶ Euklidischer Algorithmus
  - ▶ Primzahltest
  - ▶ Modulare Exponentiation

# Eine Funktion – Viele Typen

- Durch Konvertierungsfunktionen kann eine Funktion mit verschiedene Typen genutzt werden
- Erleichtert Wartung und Optimierung der Funktionen
- Erweiterung auf neue Typen durch zusätzliche Konvertierungsfunktionen möglich



# Übersicht

- Motivation
- Arithmetik
- Implementierung
- **Optimierung der Bibliothek**
- Validierung
- Zusammenfassung

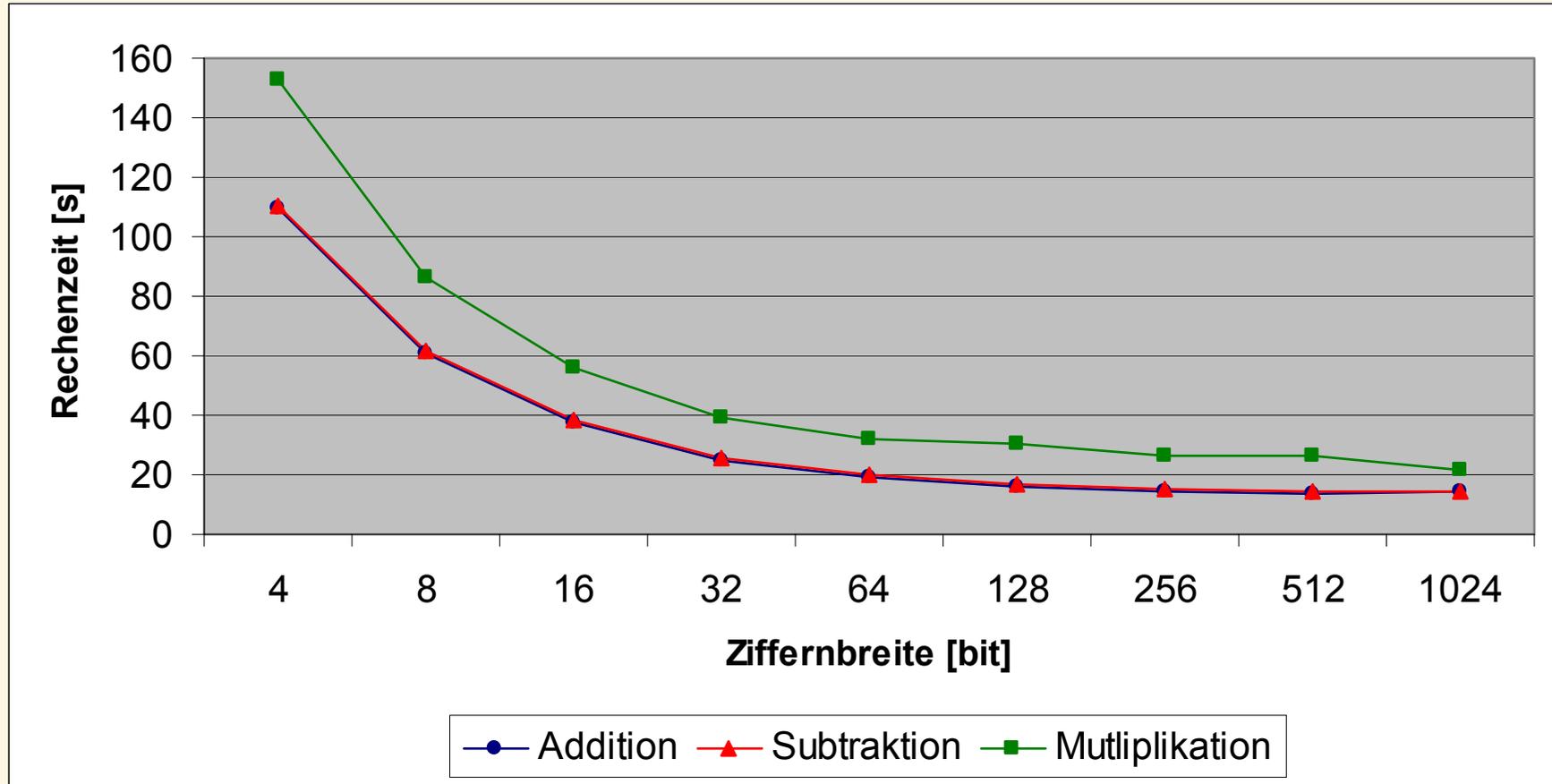


# Performance Messung

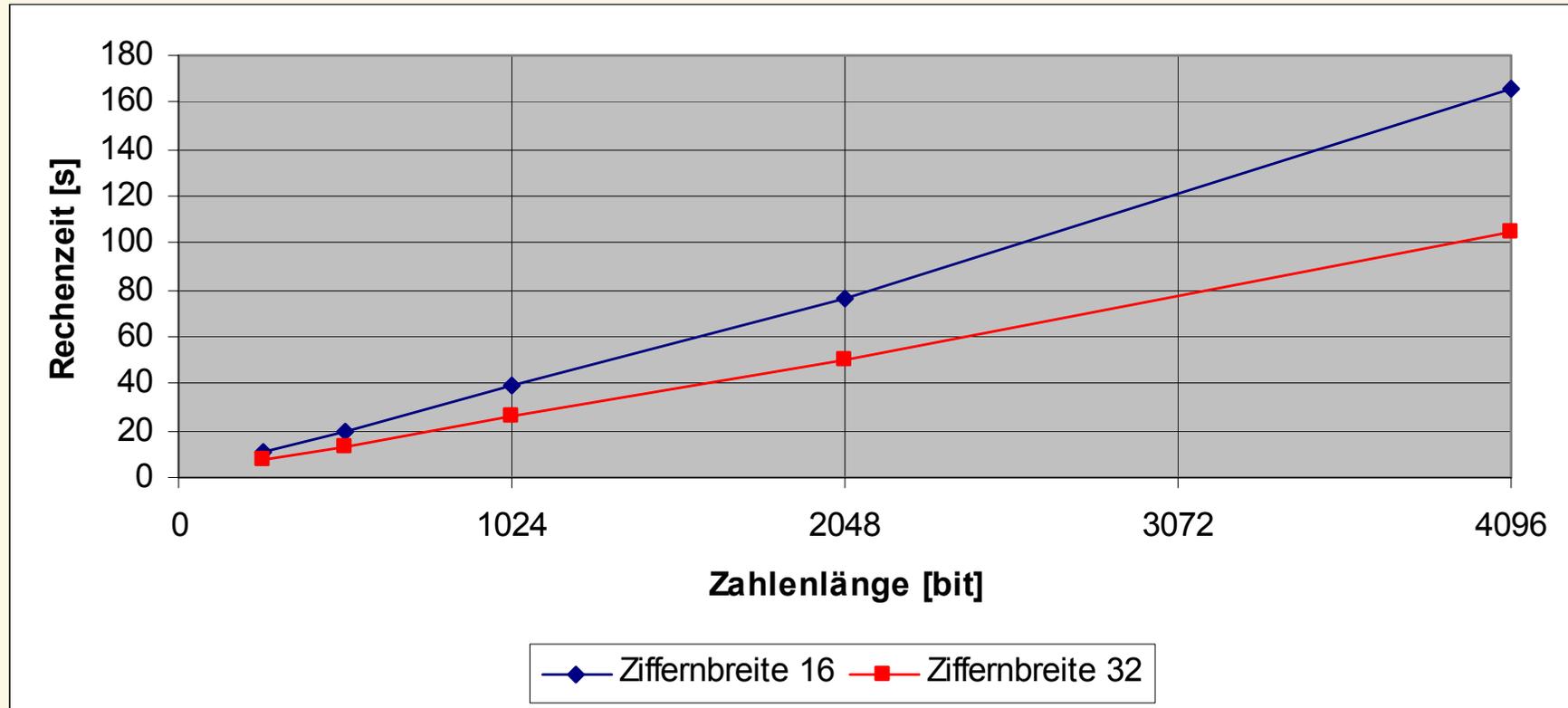
- Es gibt oftmals mehrere Möglichkeiten um eine Funktion zu implementieren
- Auswahl der schnellsten Implementierung durch Performance Messung möglich
- Geschwindigkeitsmessung ist nur über das C-Interface des Simulators zu realisieren
- z.B. Performanceunterschiede von 30% bei Addition



# Abhängigkeit von Ziffernbreite und Zahlenlänge



# Abhängigkeit von Ziffernbreite und Zahlenlänge



# Übersicht

- Motivation
- Arithmetik
- Implementierung
- Optimierung der Bibliothek
- **Validierung**
- Zusammenfassung



# Validierung

- Mit FreeLIP-C-Bibliothek von A. Lenstra
- Zufällige Testvektoren wurden über das C-Interface an die Bibliothek weitergereicht
- Test der einzelnen Funktionen über mehrer Tage, um Funktionalität zu sichern



# Übersicht

- Motivation
- Arithmetik
- Implementierung
- Optimierung der Bibliothek
- Validierung
- **Zusammenfassung**



# Zusammenfassung & Ausblick

- Homogene Konzeptions- und Entwicklungsumgebung von großem Vorteil
  - ▶ Sprache von Referenzmodell und Hardwarebeschreibung gleich
- Simulation komplexer IC's wird zunehmend zum Problem
- VHDL Bibliothek deckt fehlende Funktionalitäten der Standardbibliotheken ab
- Ausblick:
  - ▶ Erweiterung der Bibliothek für Elliptic Curve Cryptography

